

Table des matières

Les auteurs.....	V
Avant-propos	VII

I

Biomathématiques

1	Fonction d'une variable réelle : $y = f(x)$	3
	I. Exemple pharmaceutique	3
	II. Propriétés de base des fonctions réelles	6
	III. Différentielle de fonction.....	12
	IV. Étude globale de $f(x)$	16
	V. Et si on voulait représenter $x=g(y)$?	19
	VI. Étude des fonctions exponentielle et logarithmique	23
	VII. Représentation graphique : les échelles arithmétique, logarithmique, et le papier semi-logarithmique.....	28
	VIII. Applications biologiques de ces fonctions.....	30
	IX. Approximations d'une fonction – Applications.....	38
2	Calcul intégral ou résoudre $y' = f(x)$	43
	I. Exemple introductif	44
	II. Généralisation	45
	III. Propriétés générales de linéarité des intégrales.....	49
	IV. Propriétés des intégrales définies	50
	V. Rappel de primitives de fonctions usuelles.....	52
	VI. Quelques méthodes de calcul d'une intégrale	52
	VII. Application : valeur moyenne d'une fonction	58
	VIII. Extension de la notion d'intégrale	59
	IX. Évaluation de l'aire sous la courbe : intégration numérique	62
	X. Exercice d'application d'étude de fonctions et de calcul intégral.....	64
3	Équations différentielles	71
	I. Généralités sur les équations différentielles.....	72
	II. Équations différentielles du premier ordre	77
	III. Systèmes d'équations différentielles linéaires du premier ordre	90
4	Fonctions de plusieurs variables	103
	I. Définitions	103
	II. Représentations graphiques	105
	III. Dérivées partielles.....	107

IV. Différentielles	114
V. Propagation d'incertitude	117
VI. Méthode des moindres carrés	121

II

Probabilités

5	Théorèmes fondamentaux de probabilité	131
	I. Introduction	131
	II. Théorème des probabilités totales	135
	III. Probabilités conditionnelles	136
	IV. Indépendance	138
	V. Exercice typique	140
6	Lois de probabilités discrètes	143
	I. Variables aléatoires discrètes	143
	II. Quelques lois de probabilités discrètes « célèbres »	152
7	Lois de probabilités continues	160
	I. Variables aléatoires continues	160
	II. Lois de probabilités continues « célèbres »	166
8	Couples de variables aléatoires	177
	I. Loi d'un couple de variables aléatoires discrètes finies	177
	II. Mesures d'association dans le cas de deux variables quantitatives	181
	III. Mesures d'association dans le cas de deux variables qualitatives à deux modalités	183

III

Statistiques

9	Statistique descriptive et éléments de métrologie	193
	I. De la population à l'échantillon – Comment étudier un phénomène complexe ?	193
	II. Les différents types de variables	196
	III. Synthèse et représentation des données	199
	IV. Résumés statistiques	207
	V. Éléments de métrologie	225
10	Estimation	231
	I. Principes généraux de l'estimation	233
	II. Application : estimation d'une proportion	238
	III. Étude des variables quantitatives	247
	IV. Tableau général des IC : probabilités, moyenne, variance	268
11	Théorie générale des tests d'hypothèses, intervalles de pari	269
	I. Introduction	269
	II. Intervalle de pari	270
	III. Principe des tests d'hypothèses	279
	IV. Tests statistiques : introduction aux tests	293

12	Comparaisons de moyennes	300
	I. Introduction	300
	Cas d'échantillons indépendants	300
	II. Comparaisons de moyennes, cas gaussien	300
	III. Comparaisons de moyennes, cas des petits échantillons	309
	Cas de séries appariées	319
	IV. Comparaison de deux moyennes sur séries appariées, cas gaussien	319
	V. Comparaisons de moyennes sur séries appariées, cas de petits échantillons	322
13	Comparaisons de proportions	323
	I. Introduction	323
	Cas d'échantillons indépendants	324
	II. Comparaisons de proportions, cas gaussien	324
	III. Comparaisons de proportions, cas non gaussien	338
	Cas d'échantillons appariés	339
	IV. Comparaison de deux proportions sur deux échantillons appariés	339

IV

Exercices

14	Biomathématiques	347
	Énoncés	
	Chapitre 1 – Fonction d'une variable réelle : $y = f(x)$	347
	Chapitre 2 – Calcul intégral	352
	Chapitre 3 – Équations différentielles	359
	Chapitre 4 – Fonctions de plusieurs variables	363
	Corrigés	
	Chapitre 1 – Fonction d'une variable réelle : $y = f(x)$	372
	Chapitre 2 – Calcul intégral	383
	Chapitre 3 – Équations différentielles	392
	Chapitre 4 – Fonctions de plusieurs variables	400
15	Probabilités	408
	Énoncés	
	Chapitre 5 – Théorèmes fondamentaux de probabilité	408
	Chapitre 6 – Lois de probabilité discrètes	412
	Chapitre 7 – Lois de probabilité continues	421
	Chapitre 8 – Couples de variables aléatoires	425
	Corrigés	
	Chapitre 5 – Théorèmes fondamentaux de probabilité	431
	Chapitre 6 – Lois de probabilité discrètes	435
	Chapitre 7 – Lois de probabilité continues	447
	Chapitre 8 – Couples de variables aléatoires	452
16	Statistiques	460
	Énoncés	
	Chapitre 9 – Statistique descriptive et éléments de métrologie	460

Chapitre 10 – Estimation 465
Chapitre 11 – Théorie générale des tests d’hypothèses, intervalles de pari 471
Chapitre 12 – Comparaisons de moyennes 472
Chapitre 13 – Comparaisons de proportions 479

Corrigés

Chapitre 9 – Statistique descriptive et éléments de métrologie 487
Chapitre 10 – Estimation 493
Chapitre 11 – Théorie générale des tests d’hypothèses, intervalles de pari 500
Chapitre 12 – Comparaisons de moyennes 504
Chapitre 13 – Comparaisons de proportions 513

V

Annexes

Annexe A – Quantiles de la loi de Laplace-Gauss (« loi normale ») centrée réduite 530
Annexe B – Fonction de répartition de la loi de Laplace-Gauss (« loi normale ») centrée réduite 532
Annexe C – Quantiles de la loi du khi-deux à ν degrés de liberté 534
Annexe D – Quantiles de la loi de Student à ν degrés de liberté 536
Aide-mémoire – UE4 538

Index 543